

אלגברה

- 1.** בוחנות בגדים מסוימות המחיר של חולצה עם הדפס היה גובה ב- 18% מהמחיר של חולצה ללא הדפס. המחיר של 4 חולצות עם הדפס ו- 3 חולצות ללא הדפס בוחנות הזאת, היה 386 שקלים סך הכל.
a. מצאו מה היה המחיר של חולצה אחת עם הדפס, ומה היה המחיר של חולצה אחת ללא הדפס. במלאי של הוחנות נשארו חולצות מעטות עם הדפס וחולצות רבות ללא הדפס, ולכן שינו את מחירי החולצות. מחיר חולצה עם הדפס עלה ב- 7 שקלים, ומהירות חולצה ללא הדפס ירד ב- 16% .
b. מצאו מהו המחיר של חולצה אחת עם הדפס, ומהו המחיר של חולצה אחת ללא הדפס, לאחר שינוי המחירים. לאחר שינוי מחירי החולצות, הזמינו תלמידי שכבה י"א חולצות מחנות הבוגדים. מספר החולצות עם הדפס שהזמין היה גדול ב- 12 חולצות ממספר החולצות ללא הדפס שהזמין. הם שילמו על כל החולצות שהזמין 5,760 שקלים סך הכל.
c. מצאו כמה חולצות ללא הדפס הזמין תלמידי שכבה י"א.

10. נחיש כוונת הרכס X

$$\frac{100+18}{100} \cdot x = 1.18x \rightarrow \text{מחיר המקורי הוא } 1.18x$$

$$3x + 4 \cdot 1.18x = 386$$

$$3x + 4.72x = 386$$

$$7.72x = 386 \div 7.72$$

$x = 50$

נחיש כוונת הרכס 1.18 * 50 // 053.7

$$1.18 \cdot 50 = 59 \quad \text{מחיר המקורי הוא } 59 \text{ ₪}$$

בגרות משלימים או משפרים רק עם המומחים של HIGH
בשיטת המהירות והmobilitה להצלחה

נמצא חישובים נס' 2 ו- 3 הטעות נס' 2 נס' 3:

$$59 + 7 = 66$$

טעות

נמצא חישובים נס' 1 ו- 2 נס' 1: 16%

$$\frac{100 - 16}{100} \cdot 50 = 0.84 \cdot 50 = 42 \text{ נס' 2}$$

השאלה: נמצא חישובים נס' 2 ו- 3 הטעות נס' 2 נס' 3:

נמצא חישובים נס' 1 ו- 2 נס' 1: 16%



$$42y + 66(y+12) = 5760$$

$$42y + 66y + 792 = 5760 / -792$$

$$108y = 4968 / :108$$

$$\boxed{y = 46}$$

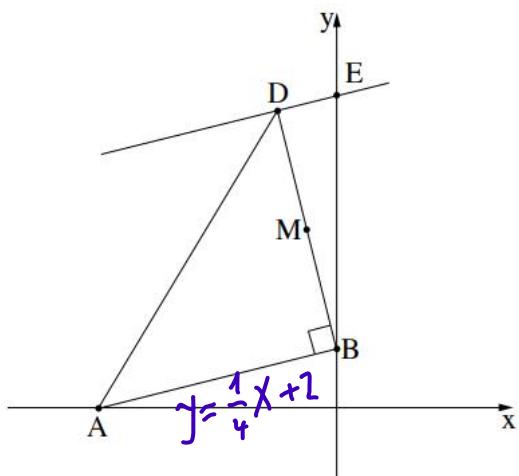
ולכן, סענה דיאר 46 חישוב הטעות.

בגרות משלימים או משכרים רק עם המומחים של HIGHQ

בשיטת המהירה והmobilia להצלחה



בנרטוט שלפניכם מתואר משולש ישר זווית $ABD = 90^\circ$ (↙).
2.



- קוודקוד A נמצא על ציר ה- x ,
קוודקוד B נמצא על ציר ה- y .

משוואת הצלע AB היא $\frac{1}{4}x + y = 1$.

א. מצאו את שיעורי הקודקודים A ו B .

ב. מצאו את משוואת הצלע BD .

שיעור ה- x של קוודקוד D הוא 2 .

ג. (1) מצאו את שיעור ה- y של קוודקוד D .
(2) הוכיחו כי מושולש ABD הוא שווה שוקיים .

דרך קוודקוד D העבירו ישר המקביל לצלע AB .

הישר זהה חותך את ציר ה- y בנקודה E .

ד. מצאו את שיעורי הנקודה E .

הנקודה M היא אמצע הקטע DB .

ה. מצאו את שטח המושולש BME .

• $y = \frac{1}{4}x + 2$ מגדיר $B-1$ על A ו B נפגשים בנקודה $(-8, 0)$

• מילוי הערך $y=0$ במשוואת $y = \frac{1}{4}x + 2$ ופתרון:

$$0 = \frac{1}{4}x + 2 \quad | -2$$

$$-2 = \frac{1}{4}x \quad | : \frac{1}{4}$$

$$x = -8 \quad \rightarrow \quad A(-8, 0)$$

• מילוי הערך $x=-8$ במשוואת $y = \frac{1}{4}x + 2$ ופתרון:

$$y = \frac{1}{4} \cdot (-8) + 2 = -2 + 2 = 0 \quad \rightarrow \quad B(0, 2)$$

-1. מילוי $BD \perp AB$ מילוי הערך $m_{AB} \cdot m_{BD} = -1$

בגרות מלאים או משפרים רק עם המומחים של HIGH

בשיטתה המהירה והmobilyה להצלחה

ו. 6) א. $ED \parallel AB$

$$m_{BD} = m_{AB} = \frac{1}{4}$$

ב. רציננו ΔEDC ו- $m_{ED} = m_{DC}$

: $ED \parallel AB$ ו- $m_{ED} = m_{DC}$

$$y - 10 = \frac{1}{4}(x + 2)$$

$$y - 10 = \frac{1}{4}x + \frac{1}{2} + 10$$

$$ED: y = \frac{1}{4}x + 10\frac{1}{2}$$

רכיב. E ו- $m_{ED} = m_{DC}$ ו- $x_E = 0$ ו- $y_E = ?$

: $y_E = x = 0$ ו- $m_{ED} = m_{DC}$

$$y_E = \frac{1}{4} \cdot 0 + 10\frac{1}{2} = 10\frac{1}{2}$$

$$\boxed{E(0, 10\frac{1}{2})}$$

$$EB = y_E - y_B = 10\frac{1}{2} - 2 = 8\frac{1}{2}$$

נמצא, DE יגזר ב- $m_{ED} = m_{DC}$ ו- $x_D = 0$

$$x_M = \frac{x_E + x_D}{2} = \frac{0 - 2}{2} = -1$$



ו. 7) פ. 1. M_C , MC , EB ו- $m_{ED} = m_{DC}$

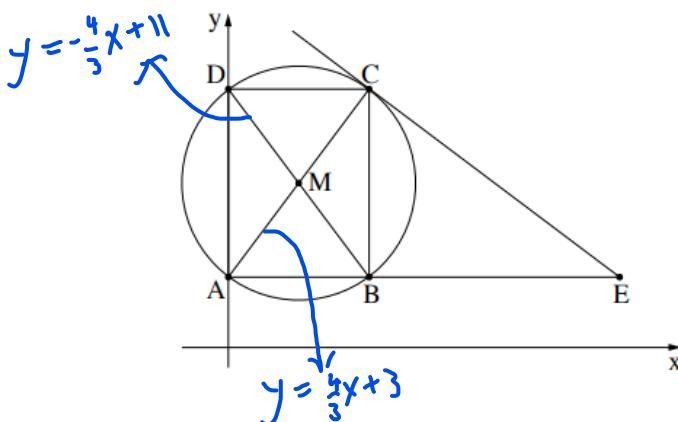
$$MC = x_c - x_M = 0 - (-1) = 1$$

$$S_{\triangle BME} = \frac{EB \cdot MC}{2} = \frac{8\frac{1}{2} \cdot 1}{2} = 4\frac{1}{4}$$

$$\boxed{S_{\triangle BME} = 4\frac{1}{4}}$$

בגרות משלימים או משכרים רק עם המומחים של HIGHQ

בשיטה המהירה והמובילה להצלחה



3. מעגל שמרכזו M חותך את ציר ה- y בנקודות A ו-D, כתובואר בסרטוט שלפניכם.
- כל אחד מן הישירים DB ו-AC הוא קוטר במעגל.
- משוואת הישיר AC היא $y = \frac{4}{3}x + 3$,
- ומשוואת הישיר DB היא $y = -\frac{4}{3}x + 11$.
- א. מצאו את שיעורי הנקודות A ו-D.
- ב. מצאו את שיעורי הנקודה M.
- ג. (1) מצאו את האורך של רדיוס המעגל.
(2) רשמו את משוואת המשיק.
- ד. מצאו את שיעורי הנקודה C.
- דרך הנקודה C העבירו משיק למעגל.
- ה. מצאו את משוואת המשיק.
- הנקודה E נמצאת על המשיק, כך שהקטע AE מקביל לציר ה- x .
- ו. (1) מצאו את שיעורי הנקודה E.
(2) מצאו את שטח הטרפז ADCE.

למקרה A (ב') נוכיח ו.א.רגל כי AC זרמן צ'י' צ'ר, ולכן
 $y = \frac{4}{3}x + 3$ AC כ- $x = 0$. רצ'ג. $x = 0$ הינה צ'ר. נס'ג. $y = 3$.
 $y = \frac{4}{3} \cdot 0 + 3 = 3 \rightarrow \boxed{A(0,3)}$

למקרה B (ב') נוכיח ו.א.רגל כי DB זרמן צ'י' צ'ר, ולכן
 $y = -\frac{4}{3}x + 11$ DB כ- $x = 0$. רצ'ג. $x = 0$ הינה צ'ר. נס'ג. $y = 11$.
 $y = -\frac{4}{3} \cdot 0 + 11 = 11 \rightarrow \boxed{B(0,11)}$

למקרה M (ב') נוכיח ו.א.רגל כי DB זרמן צ'ר, ולכן
 $\begin{cases} y = \frac{4}{3}x + 3 \\ y = -\frac{4}{3}x + 11 \end{cases} \rightarrow \frac{4}{3}x + 3 = -\frac{4}{3}x + 11 / -3, +\frac{4}{3}x$
 $\frac{8}{3}x = 8 / ! \frac{8}{3}$
 $x = 3 \rightarrow y = \frac{4}{3} \cdot 3 + 3 = 4 + 3 = 7 \rightarrow \boxed{M(3,7)}$

בגרות משלימים או משכרים רק עם המומחים של HIGHQ

בשיטת המהירה והמובילה להצלחה



רדיוס המעגל הוא מינימום בין המרחקים $R = AM$ (1) (2)

לפיכך, המרחק ממרכז למעגל הוא:

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$A(0,3)$

$M(3,7)$

$$d_{AM} = \sqrt{(3-0)^2 + (7-3)^2} = \sqrt{25} = 5$$

$$\boxed{R = 5}$$

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 = R^2 \quad ; \quad (2)$$

$M(3,7), R=5$

$$\boxed{(x-3)^2 + (y-7)^2 = 25}$$

. AC מרכז המעגל ומרכזו $M(3,7)$

רצען הראות מעגל $(x-3)^2 + (y-7)^2 = 25$ נסמן ב (1) ו (2) מילוי המשוואות.

$A(0,3)$

$$x_m = \frac{x_A + x_c}{2}$$

$$y_m = \frac{y_A + y_c}{2}$$

$M(3,7)$

$$3 = \frac{0 + x_c}{2} / \cdot 2$$

$$7 = \frac{3 + y_c}{2} / \cdot 2$$

$$x_c = 6$$

$$14 = 3 + y_c / -3$$

$$y_c = 11$$

$$\boxed{C(6,11)}$$

הנחתה $AC \perp CE$ (3)

הנחתה CE .

$$m_{AC} \cdot m_{CE} = -1$$

$$\frac{1}{3} \cdot m_{CE} = -1 / : \frac{1}{3}$$

$$m_{CE} = -\frac{3}{4}$$

$$C(6,11)$$

בגרות משלימים או משכרים רק עם המומחחים של HIGHQ

בשיטת המהירה והמובילה להצלחה

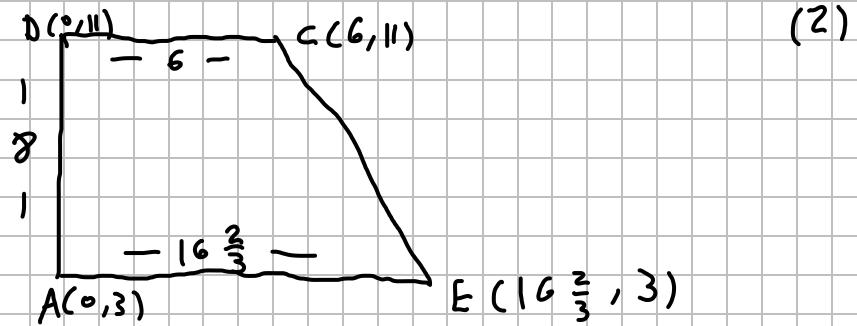


$$y - 11 = -\frac{3}{4}(x - 6)$$

$$y - 11 = -\frac{3}{4}x + \frac{18}{4} + 11$$

$$\boxed{y = -\frac{3}{4}x + 15\frac{1}{2}}$$

$$\begin{aligned} & \text{Given } y_A = y_E = 3 \quad | \text{ At } x=0, y=3 \\ & \text{Substitute } y=3 \text{ into } y = -\frac{3}{4}x + 15 \frac{1}{2} \\ & 3 = -\frac{3}{4}x + 15 \frac{1}{2} \quad | -15 \frac{1}{2} \\ & -12 \frac{1}{2} = -\frac{3}{4}x \quad | :(-\frac{3}{4}) \\ & x = 16 \frac{2}{3} \\ & \boxed{E(16 \frac{2}{3}, 3)} \end{aligned}$$



$$D_C = X_C - X_D = 6 - 0 = 6$$

$$AE = x_E - x_A = 16 \frac{2}{3} - 0 = 16 \frac{2}{3}$$

$$AD = y_D - y_A = 11 - 3 = 8$$

$$\text{surf } S_{ADCE} = \frac{(Dc + Ac) \cdot Ad}{2} = \frac{\left(6 + 16\frac{2}{3}\right) \cdot 2}{2} = 22\frac{2}{3} \cdot 4 = \boxed{90\frac{2}{3}}$$

בגירות משלימים או משפרים רק עם המומחים של HQH
בשיטת המהירה והmobילה להצלחה



חשבון דיפרנציאלי וrintgorli

- .4. נתונה הפונקציה $f(x) = 3x - 12\sqrt{x} + 15$.
- מהו תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$?
 - מצאו את שיעורי נקודת החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם ציר ה- y .
 - (1) מצאו את שיעורי נקודת הקיצון הפנימית של הפונקציה $f(x)$, וקבעו את סוגה.
 - (2) מצאו את תחום העלייה של הפונקציה $f(x)$.
- .5. בחרו בהיגד הנכון מבין ההיגדים 1–3 שלפניכם. נמקו את תשובהיכם.
- הfonקצייה $f(x)$ חותכת את ציר ה- x בנקודה אחת בלבד.
 - הfonקצייה $f(x)$ חותכת את ציר ה- x בשתי נקודות.
 - הfonקצייה $f(x)$ אינה חותכת את ציר ה- x .

12. תרגיל הטעויות:

12. קראז'ר בחישוב $\lim_{x \rightarrow 3^-}$ גטען בטעות נטה $\frac{3x-12\sqrt{x}+15}{x-3}$ בטעות.

$$f(x) = 3x - 12\sqrt{x} + 15$$

$$f(0) = 3 \cdot 0 - 12 \cdot \sqrt{0} + 15 = 15$$

13. תקופת החיטוט $x=3$

13. (1) קראז'ר קראז'ר כריסטיאן גטען בטעות $\frac{3-0}{\sqrt{3}-0}$.

$$f'(x) = \frac{3 - \frac{1}{2}\sqrt{x}}{\sqrt{x}} = \frac{3}{\sqrt{x}} - \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$\sqrt{3} - \frac{1}{2\sqrt{3}} = 0 / \frac{1}{2\sqrt{3}}$$

$$3\sqrt{3} - 6 = 0 / +6$$

$$3\sqrt{3} = 6 / :3$$

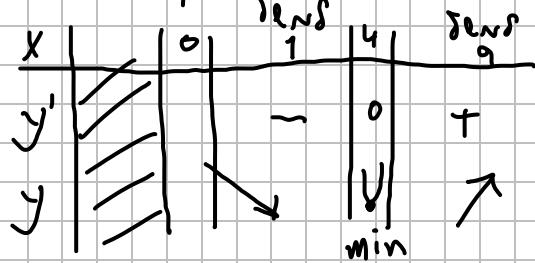
$$\sqrt{3} = 2 / \rightarrow \boxed{x=4}$$

תקופת החיטוט $\boxed{x=3}$

בגרות משלימים או משכרים רק עם המומחים של HIGHQ

בשיטת המהירה והמובילה להצלחה

נרצה למצוא את מינימום הפונקציה $f(x) = 3 - \frac{6}{\sqrt{x}}$:



$$f'(x) = 3 - \frac{6}{\sqrt{x}}$$

$$f'(1) = 3 - \frac{6}{\sqrt{1}} = -3 < 0$$

$$f'(4) = 3 - \frac{6}{\sqrt{4}} = 3 - \frac{6}{2} = 3 - 3 = 0$$

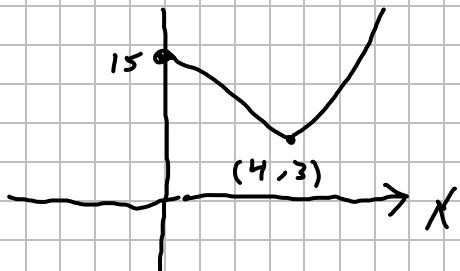
$$f(4) = 3 \cdot 4 - 12\sqrt{4} + 15$$

$$f(4) = 12 - 24 + 15 = 3$$

$\min(4, 3)$

$x > 4$; פתרון סעיף ב' (2)

(3)



(3) נרצה למצוא מינימום

המוגדר בפונקציית נגזרת שנמצא עבור x ,

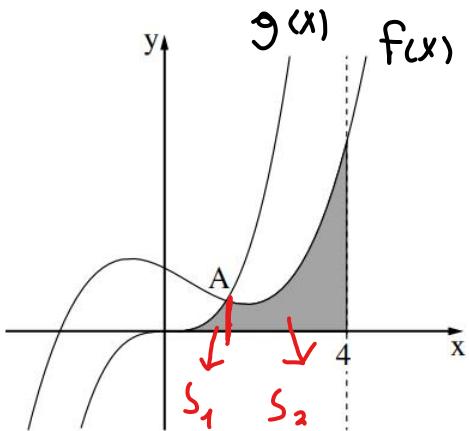
כך ניתן למצוא נקודות חיסכון בין x .

כפונקציית נגזרת נמצאה $f'(x) = 3 - \frac{6}{\sqrt{x}}$.



בגרות מלאים או משכרים רק עם המומחים של HIGHQ

בשיטת המהירות והמודוליה להצלחה



.5. בסרטוט של פניכם מתוארים גרפים של שתי פונקציות:

$$, f(x) = 2x^3 - 12x + 18$$

$$. g(x) = 2x^3$$

a. קבעו איזה גраф עובר בראשית הצירים:

הgraf של הפונקציה $f(x)$ או הgraf של הפונקציה $g(x)$. נמקו.

b. מצאו את שיעורי הנקודה A, נקודת החיתוך של הגרפים של שתי הפונקציות.

c. חשבו את השטח האפור שבסרטוט:

השטח הכלוא בין graf הפונקציה $f(x)$, graf הפונקציה $g(x)$, ציר ה- x והישר $x = 4$.

$$f(x) = 2x^3 - 12x + 18 \quad (1)$$

$$g(x) = 2x^3$$

הא (1) מ.ג.מ.

אם נשים געוגן ויקו פנקץיה זותה כדו-שלב ה-3.א, ר.ג.מ. $x = 0$

הא. הנקודות, ויתר, הנקודות נוכחות, הנקודות יתנו ערך זיאון ט.י.:

$$f(0) = 2 \cdot 0^3 - 12 \cdot 0 + 18 = 18$$

$$g(0) = 2 \cdot 0^3 = 0$$

נקודות: $f(0) = 18$ (ד.ז.ק.ד.) $g(0) = 0$ (ד.ז.ק.ד.).

הא אם נשים געוגן ויקו רצוץ הצלען אם עלי ה-3.א, נזרוו.

נוציא נעלויו ויקו נזרוץ הצלען אם עלי ה-3.א;

$$\begin{cases} y = 2x^3 - 12x + 18 \\ y = 2x^3 \end{cases}$$

$$2x^3 - 12x + 18 = 2x^3 - 2x^3, -12x + 18$$

$$18 = 12x / 12$$

בגרות משלימים או משכרים רק עם המומחים של HIGHQ

בשיטת המהירה והמובילה להצלחה



$$x = 1.5$$

$$y = 2 \cdot 1.5^3 = 6.75$$

$A(1.5, 6.75)$

... 123 we can (do) we make s_2 plus s_1 not / now

$$S_1 = \int_0^{1.5} 2x^3 dx = \left[\frac{2x^4}{4} \right]_0^{1.5} = \left[\frac{x^4}{2} \right]_0^{1.5} = \frac{1.5^4}{2} - \frac{0^4}{2} = 2 \frac{17}{32}$$

$$S_2 = \int_{1.5}^4 [2x^3 - 12x + 18] dx = \left[\frac{2x^4}{4} - \frac{12x^2}{2} + 18x \right]_{1.5}^4$$

$$S_2 = \left[\frac{x^4}{2} - 6x^2 + 18x \right]_{1.5}^4 = \frac{4^4}{2} - 6 \cdot 4^2 + 18 \cdot 4 - \left(\frac{1.5^4}{2} - 6 \cdot 1.5^2 + 18 \cdot 1.5 \right)$$

$$S_2 = 128 - 96 + 72 - (2 \frac{17}{32} - 13.5 + 27)$$

$$S_2 = 104 - 16 \frac{1}{32} = \boxed{87 \frac{31}{32}}$$

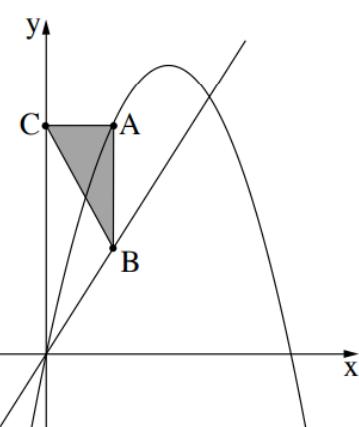
$$S = S_1 + S_2 = 2 \frac{17}{32} + 8 \frac{7}{32} = 90 \frac{1}{2}$$

$$S = 90 \frac{1}{2}^{\circ}$$

בגרות משלימים או משפרים רק עם המומחים של HIGH

בשיטת המהירות והמודוליה להצלחה





6. נתונה הפונקציה $f(x) = -2x^2 + 9x$, ונתון הישר שמשוואתו היא $y = 3x$.

הנקודה A נמצאת על גרף הפונקציה $f(x)$ בربיע הראשון, מעל הישר.

הנקודה B נמצאת על הישר, כך שהקטע AB מקביל לציר ה- y .

הנקודה C נמצאת על ציר ה- y , כך שהקטע AC מאונך ל-AB (ראו סרטוט).

נסמן ב- x את שיעור ה- x של הנקודה A.

א. (1) הבינו באמצעות x את שיעורי הנקודות A ו-B.

(2) הבינו באמצעות x את אורך הקטע AB.

(3) הבינו באמצעות x את שטח המשולש ABC.

ב. מצאו את הערך של x , שבuboרו שטח המשולש ABC הוא מקסימלי.

14) $X_A = X$

(1) $f(x_A) = -2x^2 + 9x$

\rightarrow

$A(X, -2x^2 + 9x)$

$f(x) \rightarrow A$ גן

$AB \rightarrow y = 3x$

$X_A = X_B = x$

$y_B = 3x \rightarrow$

$B(x, 3x)$

גן ב גן

(2) $AB = y_A - y_B = -2x^2 + 9x - 3x = -2x^2 + 6x$

$AB = -2x^2 + 6x$

(3) $S_{ABC} = \frac{AC \cdot AB}{2} = \frac{x \cdot (-2x^2 + 6x)}{2} = -2x^3 + 6x^2 = -x^3 + 3x^2$

$S_{ABC} = -x^3 + 3x^2$

2) $f(x) = -x^3 + 3x^2$

הנגזרת של $f(x)$ היא $-3x^2 + 6x$

יהי $N(x) = -3x^2 + 6x = 0$ ו- $x = 0$ או $x = 2$

בגרות משלימים או משכרים רק עם המומחים של HIGHQ

בשיטת המהירה והמובילה להצלחה



$$g'(x) = -3x^2 + 6x$$

$$-3x^2 + 6x = 0 \quad !(-3)$$

$$x^2 - 2x = 0$$

$$x(x-2) = 0$$

↓

$$x-2=0$$

$x=2$

ՀՅԱՀ ԽԵՂ ԲԿԴ ՀՅԱՀ

בנין סדרה גזירה נסיעה $x = 2$

$$g''(x) = -6x + 6$$

$$g''(2) = -6 \cdot 2 + 6 = -6 < 0 \text{ quindi } p_{SNc} \text{ è un punto}$$

(סָבָרְכִּים בְּלֹרְמִינְגְּהַיְהָן)

• *govern גָּוְן* *ABC* *efficient* *re:;:mers*

$$\boxed{x = 2} \quad \text{11/22}$$

בגרות משלימים או משפרים רק עם המומחים של HIGH

בשיטת המהירות והmobivilה להצלחה

