

סוג הבדיקה: בגרות
מועד הבדיקה: קיץ תשפ"א, 2021, **מועד ב**
מספר השאלה: 035482
דף נוסחאות ל-4 ייחידות לימוד: נספח:

מתמטיקה

4 ייחידות לימוד – שאלון שני

הוראות לנבחן

- א. משך הבדיקה: שעה וארבעים וחמש דקות.
- ב. מבנה השאלה ופתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים, בהם חמיש שאלות.
פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב
פרק שני – גדילה ודמייה, חישוב דיפרנציאלי אינטגרלי של פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מעירכיות
ולוגריתמיות ופונקציות חזקה
עליך לענות על שלוש שאלות לבחירתך – $3 \times \frac{1}{3} = 33$ נקודות.
- ג. חומר עזר מותר בשימוש:
- (1) מחשבון לא גрафי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון שיש בו אפשרות תכונות.
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.
(2) דפי נוסחאות (מצורפים).
- ד. הוראות מיוחדות:
- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.
(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.
הסביר את בל פעולותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה ומסודרת.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

כתב במחברת הבדיקה בלבד. רשום "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה.
כתיבת טיוטה בדפים שאינם במחברת הבדיקה עלולה לגרום לפסילת הבדיקה.

הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

בהצלחה!

השאלות

שים לב: הסבר את כל פעולותיה, כולל חישובים, בפתרות ובצורה ברורה.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכיון או לפסילת הבדיקה.

ענה על שלוש מן השאלות 1-5.

שים לב: אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו רק שלוש התשובות הראשונות שבמחברתך.

פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב

סדרות

1. דניאללה קנתה מקור בתשלומים חודשיים. התשלום הראשון הוא 700 שקלים, ולאחר מכן כל תשלום נמור ב- 30 שקלים מן התשלום שלפניו.

א. מהו מספר התשלומים שבו תשלום דניאללה 280 שקלים?

ב. (1) האם יתכן שהתשולם האחרון שתשלם דניאללה יהיה תשלום מס' 29? נמק את תשובתך.

(2) מהו התשלום הנמור ביותר האפשרי בסדרת התשלומים של דניאללה ומהו מספר התשלומים?

נעמה קנתה מקור באותו המחיר שבו קנתה דניאללה את המקור שלה, אך שילמה עליו ב- 30 תשלום חודשיים שווים של 280 שקלים כל תשלום.

ג. בכמה תשלוםים קנתה דניאללה את המקור שלה?

טריגונומטריה במרחב

2. נתונה פירמידה ישרה SABC שבה $\angle CAB = 90^\circ$ (ראה סרטו).

נתון: $AC = 9$, $AB = ?$.

הזווית שבין המקצע הצדדי SB ובין הבסיס ABC שווה ל- 30° .

א. חשב את גובה הפירמידה, SO.

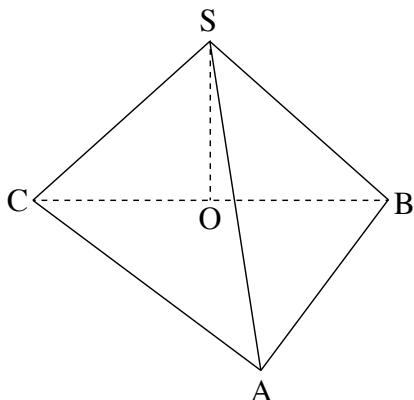
ב. חשב את נפח הפירמידה.

נתון: נקודה M היא אמצע הצלע AB.

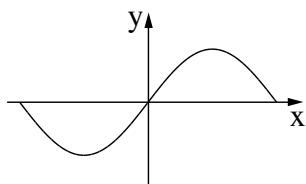
נקודה E נמצאת על הקטע OM כך שמתקיים: $OE = 2 \cdot EM$.

ג. מצא את הזווית שבין SE לבסיס הפירמידה.

ד. חשב את שטח המשולש SEM.



פרק שני – גדילה ודעיכה, חישובו דיפרנציאלי ואינטגרלי
של פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מערכיות ולוגריתמיות
ופונקציות חזקה



- . 3. הפונקציה $f(x)$ ופונקציית הנגזרת שלה $(x)f'$ מוגדרות בתחום $-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{2}$ לפניך סרטוט של גרף פונקציית הנגזרת $(x)f'$.

נתון כי הגרף של פונקציית הנגזרת $(x)f'$ חותך את ציר ה- x בשלוש נקודות בדיקות:

$$\left(-\frac{\pi}{2}, 0 \right), \left(0, 0 \right), \left(\frac{\pi}{2}, 0 \right).$$

a. מצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה $(x)f$.

b. מצא את שיעורי ה- x של נקודות הקיצון של הפונקציה $(x)f$, וקבע את סוגן.

نتון: $\frac{1}{4}f(x) = (\sin x)^2$.

c. מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $(x)f$ עם הצירים.

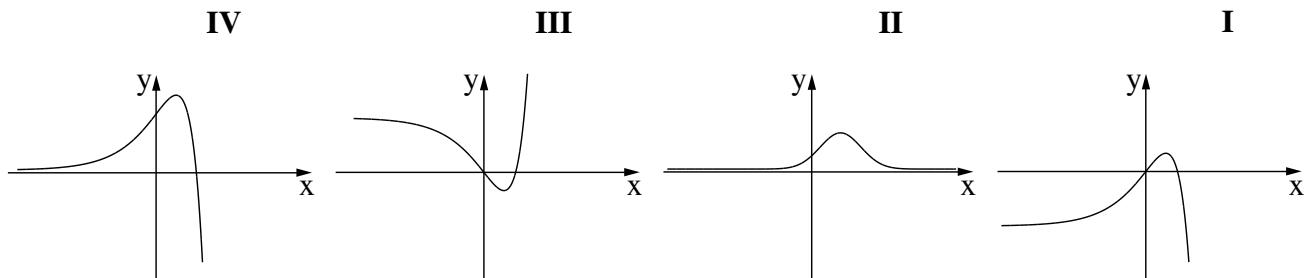
d. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $(x)f$.

העבירו משיק לגרף הפונקציה $(x)f$ בנקודת החיתוך שלה עם ציר ה- x הנמצאת מימין לראשית הצירים, ומשיק נוסף בנקודת המינימום שלה.

e. מצא את שיעורי נקודות המפגש של שני המשיקים.

בתשובה תדייק 2 ספורות אחרי הנקודה העשרונית.

- נתונה הפונקציה: $3 = -e^{2x} + 4e^x - f(x)$ המוגדרת לכל x . 4.
- מצאת שיעורי נקודות החיתוך של גраф הפונקציה $(x) f$ עם הצירים.
 - מצאת שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $(x) f$, וקבע את סוגה.
 - אחד מן הגרפים I-IV שלפניך מתאר את גраф הפונקציה $(x) f$. קבע איזה מהם ונמק את קביעתו.



- נתונה הפונקציה: $b = g(x) + f(x)$. b הוא פרמטר. 5.
- העבירו משיק לגרף הפונקציה $(x) g$ בנקודת הקיצון שלה.
- מצאת משוואת המשיק (הבע באמצעות b).
 - מצאת השטח המוגבל על ידי גראף הפונקציה $(x) g$, על ידי המשיק שמצאת בסעיף ד ועל ידי ציר ה- y .

- נתונה הפונקציה $f(x) = 3x \cdot \ln(ax)$. $a > 0$ הוא פרמטר. 5.
- מצאת תחום ההגדרה של הפונקציה $(x) f$.

נתון כי לפונקציה $(x) f$ יש נקודת קיצון בנקודת שבת $x = \frac{1}{3e}$.

- מצאת את a .

- הצב $a = 3$, וענה על הסעיפים ג-ו שלפניך. 6.
- מצאת שיעורי נקודת החיתוך של גראף הפונקציה $(x) f$ עם ציר ה- x .
 - מצאת שיעור ה- y של נקודת הקיצון של הפונקציה $(x) f$, וקבע את סוג הקיצון.
 - סרטט סקיצה של גראף הפונקציה $(x) f$.
 - נתונה הפונקציה $(x) g$ שתחום הגדרתה זהה לתחום הגדרתה של הפונקציה $(x) f$.

פונקציית הנגזרת $(x) g'$ מקיימת: $g'(x) = -f(x)$.

האם לפונקציה $(x) g$ יש נקודת קיצון?

אם כן – מצא את שיעור ה- x של נקודת הקיצון של $(x) g$, וקבע את סוגה. אם לא – נמק.

בצלחה!