

בגינות
קייז תש"ף, 2020, מועד ב
035482
דפי נוסחאות ל-4 ייחדות לימוד

סוג הבדיקה:
מועד הבדיקה:
מספר השאלה:
נספח:

מתמטיקה

4 ייחדות לימוד — שאלון שני

הוראות לנבחן

א. משך הבדיקה: שעה וארבעים וחמש דקות.

ב. מבנה השאלון ומפתח העריכה: בשאלון זה שני פרקים.

פרק ראשון — סדרות, טריגונומטריה במרחב
$$\text{פרק שני} = \frac{\text{גדילה ודעיכה, חישובו דיפרנציאלי ואינטגרלי של פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות ופונקציות חזקה}}{\text{פרק השני} = \frac{\text{סקול}}{\text{סקול}}} = \frac{33\frac{1}{3} \times 1}{2 \times 33\frac{1}{3}} = 33\frac{1}{3}$$
 נקודות

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גրפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון שיש בו אפשרות תכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.
- (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתק את השאלה; סמן את מספра בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעוזרת מחשבון. הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ו邏輯ית. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבדיקה.

כתב במחברת הבדיקה בלבד. רשום "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה.
כתבת טיוטה בדף שאין במחברת הבדיקה עלולה לגרום לפסילת הבדיקה.

הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים אחד.

בהצלחה!

השאלות

שים לב: הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.
חווסף פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכיון או לפסילת הבדיקה.

פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב (33 $\frac{1}{3}$ נקודות)

עונה על אתה מן השאלות 1-2.

שים לב: אם תענה על יותר שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

סדרות

1. נתונות שתי סדרות חשבוניות:

$$a_n: 3, 10, 17, 24, \dots$$

$$b_n: 17, 38, 59, 80, \dots$$

א. (1) חשב את b_{30} .

(2) עבור איזה ערך של n מתקיים $a_n = b_{30}$? נמק. (n הוא מספר טבעי).

ב. עבור כל אחד משני ההגידים I-II ש לפניך כתוב אם הוא נכון או לא נכון. נמק את קביעותיך.

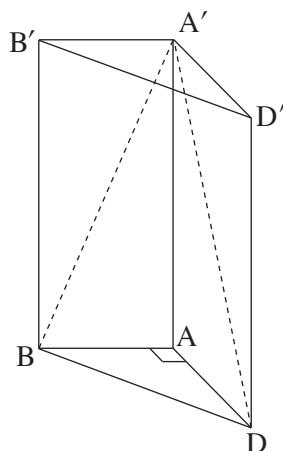
I. לכל n טבעי $3a_n = b_n$.

II. לכל n טבעי $b_n = a_{3n}$.

ג. נתון כי הפרש בין סכום k האיברים הראשונים בסדרה b ובין סכום k האיברים הראשונים בסדרה a הוא 924 (k הוא מספר טבעי).

מצא את k .

טריגונומטריה במרחב



2. נתונה מנסחה משולשת $ABDA'B'D'$ שבבסיסה, ABD ,

הוא משולש שווה שוקיים וישראל זווית ($\angle BAD = 90^\circ$).

אורך השוק של משולש ABD הוא 3.

א. מצא את אורך המקצוע BD .

ב. הסבר מדוע $A'B = A'D'$.

נתון: שטח המשולש $D'BA$ הוא $15\sqrt{2}$.

ג. מצא את גודל הזווית שבין הגובה לבסיס המשולש $D'BA$ ובין בסיס המנסרה, ABD .

ד. חשב את נפח המנסרה $ABDA'B'D'$.

פרק שני – גדרה ודעיכה, חישוב דיפרנציאלי וaintegrai של פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות

ופונקציות חזקה ($\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מן השאלות 3-5 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב: אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

- .3. נתונה הפונקציה $f(x) = \sin(2x) + 4$ המוגדרת בתחום $\pi \leq x \leq 0$.
- ממצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה (x, f) , וקבע את סוגן.
 - סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (x, f) .
 - מה הם שיעורי נקודות החיתוך של גרף פונקציית הנגזרת, (x', f') , עם הצירים?
 - סרטט סקיצה של גרף פונקציית הנגזרת, (x', f') .
 - חשב את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה (x, f) , על ידי ציר ה- y ועל ידי הישר $x = \pi$.

.4. נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{e^{2x}}{a-x}$. a הוא פרמטר.

- הבע באמצעות a את תחום ההגדרה של הפונקציה (x, f) .
- נתון: לפונקציה (x, f) יש נקודת קיצון בנקודת שיעור ה- x שבה הוא 1.
- ממצא את a , וקבע אם לפונקציה (x, f) יש נקודות קיצון נוספות.
 - הצב $\frac{1}{2} = a$ בפונקציה (x, f) , וענה על סעיפים ג-ד.
 - (1) כתוב את משוואת האסימפטוטה של הפונקציה (x, f) , המאונכת לציר ה- x .
 - (2) ממצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה (x, f) עם הצירים (אם יש כאלה).
 - (3) ממצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה (x, f) .
 - (4)סרטט סקיצה של גרף הפונקציה (x, f) .
- .7. נתונה הפונקציה $g(x) = -2f(x)$.
- ממצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה (x, g) (אם יש כאלה). נמק.

. $f(x) = 5 \cdot \ln(x^2 - 2x + 1)$ (5) נתונה הפונקציה

- א. (1) הראה כי תחום ההגדרה של הפונקציה $(x) f(x)$ הוא $x \neq 1$.
- ב. (2) מצא את משוואת האסימפטוטה של הפונקציה $(x) f(x)$, המאונכת לציר ה- x .
- ג. מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה $(x) f(x)$.
- ד. מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גраф הפונקציה $(x) f(x)$ עם הצירים.
- ה. סרטט סקיצה של גраф הפונקציה $(x) f(x)$.
- ו. תחום ההגדרה של הפונקציה $(x) g(x)$ הוא $x \neq 1$.
- ז. סרטט סקיצה של גраф הפונקציה $(x) g'(x)$ בכל תחום ההגדרה.
- ח. מצא את שיעורי ה- x של נקודות הקיצון של הפונקציה $(x) g(x)$, וקבע את סוגן.

בצלחה!

זכות היוצרים שמורה למדיינית ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך