

## פתרון בחינת הבגרות במתמטיקה

מועד א', קיץ 2021, שאלון 582 (807)

נכתב ע"י צוות המרצים של HiGHQ

### בגרות משלימים או משפרים רק עם המומחים של HiGHQ

בשיטה המהירה והמובילה להצלחה

סיכומי שיעורים

לא צריך לסכם!  
הכנו עבורכם סיכומי  
שיעורים מראש



ספריית שיעורים

כל השיעורים  
פתוחים לצפייה,  
בכל זמן ומכל מקום



ריענון לפני הקורס

הגיעו מוכנים עם  
חומרי הכנה ייחודיים



מרצה זמין ב- Whatsapp

לכל שאלה, מרגע הרישום  
עד הבחינה



לחצו לפרטים נוספים מיועץ לימודים <<

1. נתון פרמטר  $a > 0$ .

א. מצא את משוואת המקום הגאומטרי של כל הנקודות שהמרחק שלהן מן הנקודה  $(a, 0)$  שווה למרחק שלהן מן הישר  $x = a - 1$ .

ב. מצא את משוואת המקום הגאומטרי של כל הנקודות שהמרחק שלהן מן הנקודה  $(0, a)$  שווה למרחק שלהן מן הישר  $y = a - 1$ .

נתון כי שני המקומות הגאומטריים שמצאת בסעיפים א-ב נחתכים בשתי נקודות, אחת הנקודות היא  $(2, 2)$ .

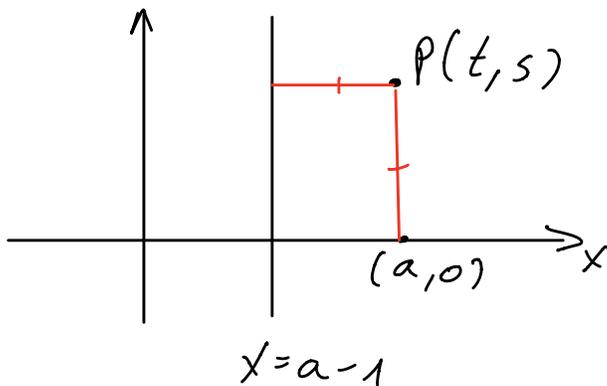
ג. (1) מצא את  $a$ .

(2) מצא את שיעורי נקודת החיתוך האחרת.

מחברים את שתי נקודות החיתוך של שני המקומות הגאומטריים עם הנקודות  $(3a, 0)$  ו- $(0, 3a)$  כך שמתקבל מרובע.

ד. (1) מהו סוג המרובע שהתקבל? נמק.

(2) חשב את שסת המרובע.



א) הריחוק בין הנקודה  $P$  ל'ישר  $x = a - 1$  הוא:  $|t - a + 1|$   
 הריחוק  $P$  מן הנקודה  $(a, 0)$ :  
 $\sqrt{(t - a)^2 + s^2}$

נשווה בין הריחוקים ונקבל:

אפשרות א':

$$|t - a + 1| = \sqrt{(t - a)^2 + s^2}$$

$$t - a + 1 = \sqrt{(t - a)^2 + s^2}$$

$$(t - a + 1)^2 = t^2 - 2at + a^2 + s^2$$

$$t^2 - 2at + t^2 - 2at + a^2 - a + t - a + 1 = t^2 - 2at + a^2 + s^2$$

$$2t - 2a + 1 = s^2$$

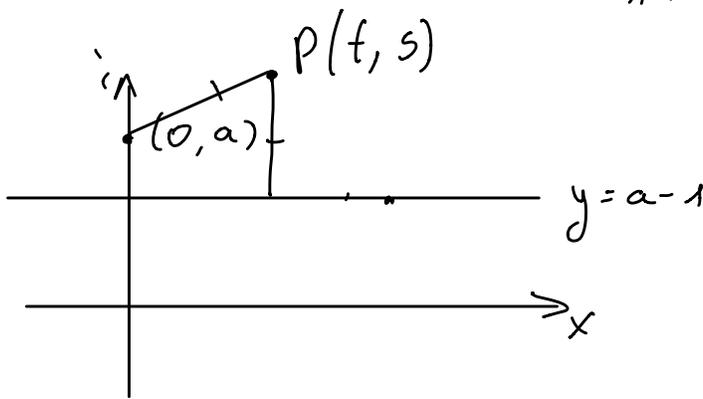
$$y^2 = 2x - 2a + 1$$

$$a - t - 1 = \sqrt{(t-a)^2 + s^2} \quad \text{אפשרות ג'}$$

$$\cancel{a^2} - \cancel{at} - a - \cancel{at} + \cancel{t^2} + t - a + t + 1 = \cancel{t^2} - \cancel{2at} + \cancel{a^2} + s^2$$

$$s^2 = 2t - 2a + 1 \rightarrow y^2 = 2x - 2a + 1$$

הנ"ל הוא פרבולה קנונית עבור  $a = \frac{1}{2}$ , ואינו קנונית עבור כל  $a$  חיובי אחר



(ב) קבוצה אסטרטגית א:

$$|s - a + 1| = \sqrt{t^2 + (s - a)^2}$$

$$\cancel{s^2} - \cancel{sa} + s - \cancel{sa} + \cancel{a^2} - a + s - a + 1 = \cancel{t^2} + \cancel{s^2} - \cancel{2sa} + \cancel{a^2}$$

$$t^2 = 2s - 2a + 1 \rightarrow x^2 + 2a - 1 = 2y \quad | :2$$

$$y = \frac{1}{2}x^2 + a - \frac{1}{2} \rightarrow$$

הנ"ל הוא פרבולה שהיא פונקציה

(א) נציב את היות (2, 2) כל שני הנקודות הנ"ל (הנ"ל) ר"פ:

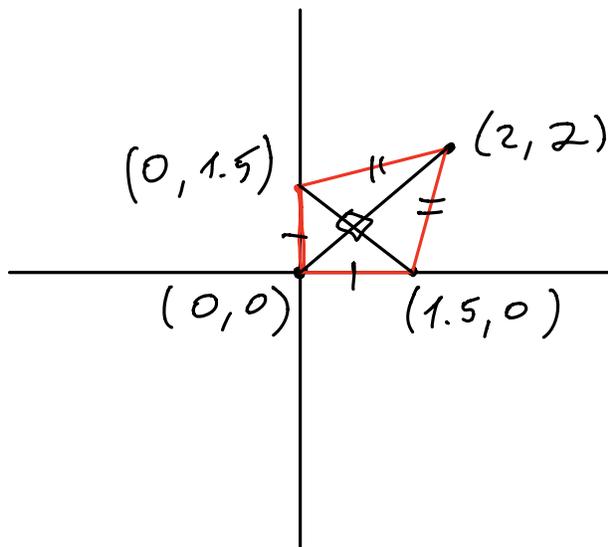
$$2^2 = 2 \cdot 2 - 2a + 1 \rightarrow a = \frac{1}{2}$$

$$2 = \frac{1}{2} \cdot 2^2 + a - \frac{1}{2} \rightarrow a = \frac{1}{2}$$

$$y^2 = 2x, \quad y = \frac{1}{2}x^2$$

(2,2)

$$2x = \frac{1}{2}x^2 \rightarrow x = 2, 0 \rightarrow \begin{matrix} (0,0) \\ (2,2) \end{matrix}$$



ב) הנהיב צ שהתקף הוא  
 צאטון, הא ארשב אוק  
 הנהתק'ס ולצוא  
 שישנס שני צויות א  
 צאציות סמוכות שוות.

$$d_1 = \sqrt{2 \cdot 1.5^2} \quad \text{נתשב שאת מהיבצ כמנמאת אכסוניים:}$$

$$d_2 = \sqrt{2^2 + 2^2}$$

$$\sum_{\text{צגרות}} = \frac{d_1 \cdot d_2}{2} = \underline{\underline{3 \text{ ית'ס}}}$$

2. נתונה פירמידה מרובעת SABCD שבסיסה ABCD הוא מעוין.

נתון:  $\vec{SA}$  מאונך לבסיס הפירמידה,  $\angle BAD = 60^\circ$ ,  $SA = BA$ ,  $\vec{SE} = t \cdot \vec{SC}$ ,  $0 < t < 1$  הוא פרמטר.

נסמן:  $\vec{AB} = \underline{u}$ ,  $\vec{AD} = \underline{v}$ ,  $\vec{AS} = \underline{w}$ .

א. הבע את הווקטורים  $\vec{EB}$  ו- $\vec{ED}$  באמצעות  $\underline{u}$ ,  $\underline{v}$ ,  $\underline{w}$ .

ב. נתון:  $t = \frac{1}{2}$ .

(1) הוכח כי  $\vec{EB}$  מאונך ל- $\vec{ED}$ .

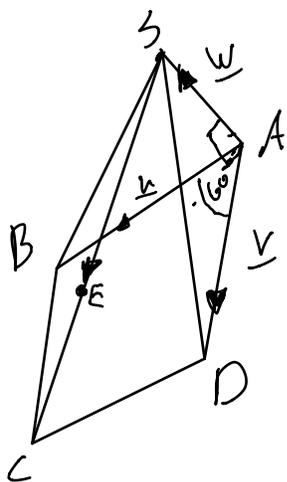
(2) הוכח כי האנך מן הנקודה E לבסיס עובר דרך נקודת מפגש האלכסונים של המעוין.

נתון:  $A(0, 0, 0)$ ,  $B(6\sqrt{3}, 6, 0)$ , קודקוד D נמצא על ציר ה-y בכיוון החיובי.

שיעור ה-z של הנקודה S גדול מאפס.

ג. חשב את שיעורי הקודקודים S ו-D.

ד. מצא את משוואת המישור SAB.



פתרון:  $|\underline{v}| = |\underline{u}| = |\underline{w}|$  (הבסיס הוא מעוין).

$$\vec{EB} = -\vec{SE} + \vec{SB} \quad (k)$$

$$\vec{SC} = -\underline{w} + \underline{v} + \underline{u}$$

$$\vec{SB} = -\underline{w} + \underline{u}$$

$$\vec{EB} = -t(-\underline{w} + \underline{v} + \underline{u}) - \underline{w} + \underline{u}$$

$$\vec{EB} = (t-1)\underline{w} - t\underline{v} + (1-t)\underline{u}$$

$$\vec{ED} = -\vec{SE} - \underline{w} + \underline{v}$$

$$\vec{ED} = -t(-\underline{w} + \underline{v} + \underline{u}) - \underline{w} + \underline{v}$$

$$\vec{ED} = (t-1)\underline{w} + (1-t)\underline{v} - t\underline{u}$$

$$\vec{EB} = -\frac{1}{2}\underline{w} - \frac{1}{2}\underline{v} + \frac{1}{2}\underline{u}$$

$$\leftarrow t = \frac{1}{2} \text{ (בלג)}$$

$$\vec{ED} = -\frac{1}{2}\underline{w} + \frac{1}{2}\underline{v} - \frac{1}{2}\underline{u}$$

לקבוע האם הנכפלה הסקלרית מתאפסת:

מכיוון ש:  $\underline{w}$  מאונק אל שור היכן מאונק  $\underline{u} - \underline{v}$

$$\text{כלומר: } 0 = \underline{v} \cdot \underline{w}, \quad 0 = \underline{u} \cdot \underline{w}$$

$$\vec{EB} \cdot \vec{ED} = \left(-\frac{1}{2}\underline{w} - \frac{1}{2}\underline{v} + \frac{1}{2}\underline{u}\right) \left(-\frac{1}{2}\underline{w} + \frac{1}{2}\underline{v} - \frac{1}{2}\underline{u}\right)$$

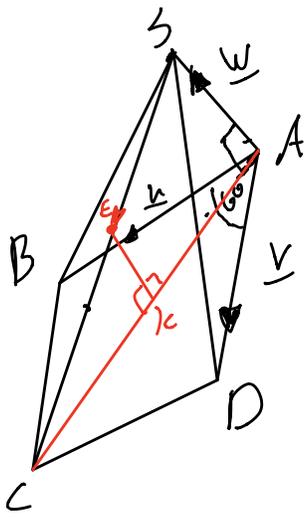
$$= \frac{1}{4}|\underline{w}|^2 - \frac{1}{4}|\underline{v}|^2 + \frac{1}{4}\underline{u} \cdot \underline{v} + \frac{1}{4}\underline{u} \cdot \underline{v} - \frac{1}{4}|\underline{u}|^2$$

$$\underline{u} \cdot \underline{v} = |\underline{u}||\underline{v}| \cdot \cos 60 = \frac{1}{2}|\underline{u}||\underline{v}|$$

נסמן את הנדלים  $|\underline{u}| = |\underline{v}| = |\underline{w}| = x$

$$= \frac{1}{4}x^2 - \frac{1}{4}x^2 + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{4}x^2$$

$$\frac{2}{8}x^2 - \frac{1}{4}x^2 = 0 \quad \text{f.e.n}$$



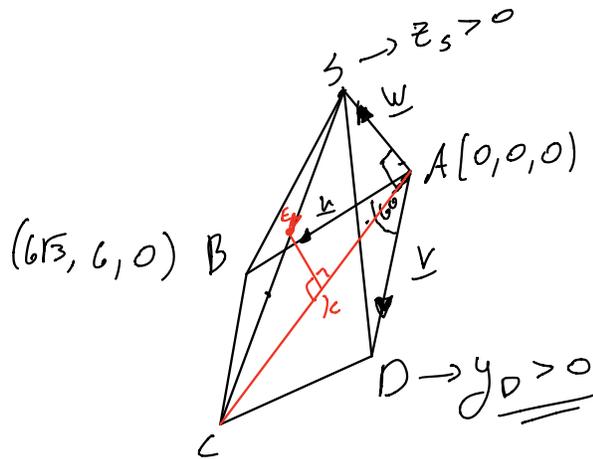
ק(ז) - נתונים  $\triangle SAC$

נסמן את נקודת החיתוך של האוק  $E$  -  $SA$  עם האכסון הקטן  $EC$  -  $CA$ .

היות ו-  $ES = EC$  ( $t = \frac{1}{2}$ )

אז  $\angle ECA = \angle SAC = 90^\circ$ , ניתן לסיק כי  $EC \perp SA$

על  $EC$  קטע אמצעים  $KA$  של  $\triangle SAC$ ,  $KA = KC$  וזוהי נקודת מפגש האכסונים (האלכז בלבד) נחזית.



פתרון (ד)

$$\frac{\vec{AB} \cdot \vec{AD}}{144} = \frac{1}{2} \rightarrow (6\sqrt{3}, 6, 0)(x_D, y_D, 0) = 72$$

$$6\sqrt{3}x_D + 6y_D = 72 \quad /: 6 \rightarrow \sqrt{3}x_D + y_D = 12$$

$$y_D = 12 - \sqrt{3}x_D \rightarrow \vec{AD} = (x_D, 12 - \sqrt{3}x_D, 0)$$

נקודה  $D$  שאינה ציר ה- $y$  ולא כן:  $x_0, z_0 = 0$   
 נכאן:  $D(0, 12, 0)$

$$\overrightarrow{AD} \perp W \rightarrow (0, 12, 0)(x_3, y_3, z_3) = 0$$

$$12y_3 = 0 \rightarrow y_3 = 0$$

אורך הוקטור  $\overrightarrow{AS}$ :  $\sqrt{x_3^2 + 0^2 + z_3^2} = 12$

$$z_3^2 = 144 - x_3^2 / \sqrt{\phantom{x}} \rightarrow \{z_3 > 0\} \rightarrow z_3 = \sqrt{144 - x_3^2}$$

$$(6\sqrt{3}, 6, 0)(x_3, 0, \sqrt{144 - x_3^2}) = 0$$

$$6\sqrt{3}x_3 = 0 \rightarrow x_3 = 0 \rightarrow z_3 = 12$$

כאן:  $S(0, 0, 12), D(0, 12, 0)$

3) מצא את מישור  $SAB$ :

$$\overrightarrow{AS} = (0, 0, 12)$$

$$\overrightarrow{AB} = (6\sqrt{3}, 6, 0)$$

שני וקטורים ק"ת:

אם וקטור הנורמל הוא  $(a, b, c)$  אז מתקיים:

$$\begin{cases} (6\sqrt{3}, 6, 0)(a, b, c) = 0 \\ (0, 0, 12)(a, b, c) = 0 \rightarrow 12c = 0 \rightarrow \underline{\underline{c=0}} \end{cases}$$

$$6\sqrt{3}a + 6b = 0 \quad /: 6 \rightarrow b = -6\sqrt{3}a$$

(בחר את  $a$  להיות 1 ונקבל):

$$(a, b, c) = (1, -6\sqrt{3}, 0)$$

נכאן שמשוואת הנורמל:  $x - 6\sqrt{3}y + D = 0$

(צ'ק את הנקודה  $(0, 0)$ ):  $0 + 0 = 0 \rightarrow D = 0$

נכאן שמשוואת הנורמל:  $x - 6\sqrt{3}y = 0$

3. נתונה המשוואה  $z^4 = -16$  (  $z$  הוא מספר מרוכב).

א. פתור את המשוואה.

נתון: פתרונות המשוואה מייצגים קודקודים של מצולע במישור גאוס.

ב. סרטט במערכת הצירים את המצולע שהתקבל.

מפלים ב-  $\frac{1+i}{\sqrt{2}}$  כל אחד מן המספרים המייצגים את קודקודי המצולע.

ג. מצא את שיעורי הנקודות המיוצגות על ידי המספרים שהתקבלו בהכפלה.

ד. הוא מספר טבעי,  $11 < n < 17$  ו-  $c$  הוא מספר ממשי.

כל אחד מן המספרים המרוכבים שמצאת בסעיפים הקודמים מקיים את המשוואה  $z^n = c$ .

ז. מצא את  $n$  ואת  $c$ .

הנקודות במישור גאוס, המיוצגות על ידי כל הפתרונות של המשוואה  $z^n = c$  שמצאת בסעיף ד, יוצרות

מצולע בעל  $n$  צלעות.

ה. מצא את שטח המצולע.

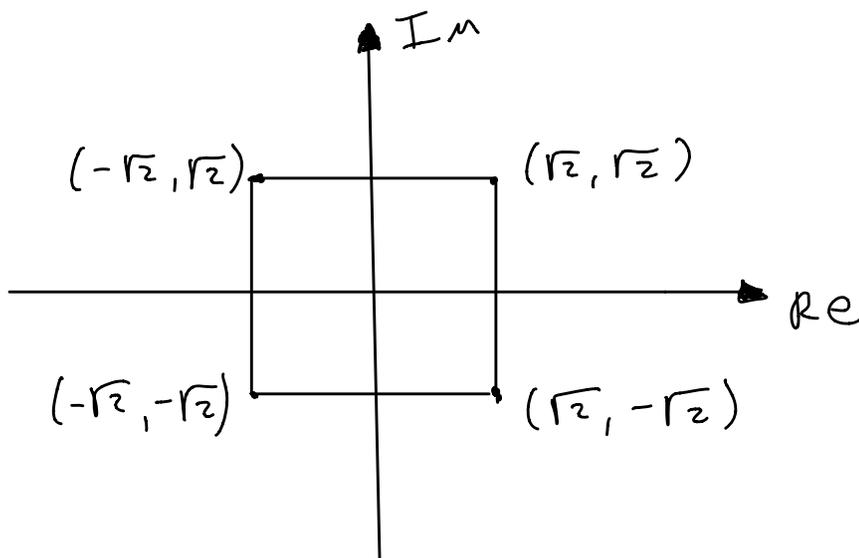
$$z^4 = -16 \rightarrow z^4 = 16 \operatorname{cis} 180 \quad | \sqrt[4]{\phantom{x}} \quad (1)$$

$$z_0 = 2 \operatorname{cis} \left( \frac{180 + 360 \cdot 0}{4} \right) \rightarrow z_0 = 2 \operatorname{cis} 45 = 2 \left( \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}i \right) = \sqrt{2} + \sqrt{2}i$$

$$z_1 = 2 \operatorname{cis} \left( \frac{540}{4} \right) \rightarrow z_1 = 2 \operatorname{cis} 135 \rightarrow z_1 = 2 \left( -\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}i \right) = -\sqrt{2} + \sqrt{2}i$$

$$z_2 = 2 \operatorname{cis} \left( \frac{900}{4} \right) \rightarrow z_2 = 2 \operatorname{cis} 225 \rightarrow z_2 = 2 \left( -\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}i \right) = -\sqrt{2} - \sqrt{2}i$$

$$z_3 = 2 \operatorname{cis} \left( \frac{1260}{4} \right) \rightarrow z_3 = 2 \operatorname{cis} 315 \rightarrow z_3 = 2 \left( \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}i \right) = \sqrt{2} - \sqrt{2}i$$



(2)

**בגרות משלימים או משפרים רק עם המומחים של HighQ**

בשיטה המהירה והמובילה להצלחה

(2) כופלים כל פתיון ב-  $\frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}}i$  (אזכיר את המספר שהצגה קואזיט):

$$R = \sqrt{\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 + \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2} = 1 \quad \tan^{-1}(1) = \frac{\pi}{4}$$

כפול במספר  $45^\circ$  פירושו סיבוב הפתרונות ב-  $45^\circ$  (למעלה והכיוון הוא 1, אין "מתחה").

$$z_0^* = 2 \operatorname{cis} 45 \cdot \operatorname{cis} 45 \rightarrow z_0^* = 2 \operatorname{cis} 90 = 2i$$

$$z_1^* = 2 \operatorname{cis} (135 + 45) \rightarrow z_1^* = 2 \operatorname{cis} 180 = -2$$

$$\vdots \quad \vdots \quad \rightarrow z_2^* = 2 \operatorname{cis} 270 = -2i$$

$$\vdots \quad \vdots \quad \rightarrow z_3^* = 2 \operatorname{cis} 360 = 2$$

(3) נטון c למטה,  $11 < n < 17$

$$z^n = c \quad | \quad \sqrt[n]{\phantom{x}} \rightarrow z^n = c \rightarrow z^n = c \cdot \operatorname{cis} 0 / \sqrt[n]{\phantom{x}}$$

$$z_k = \sqrt[n]{c} \operatorname{cis} \left( \frac{0 + 2k\pi}{n} \right)$$

$$z_0 = \sqrt[n]{c} \operatorname{cis}(0) = \sqrt[n]{c} \rightarrow \text{זהו מספר ממשי חיובי} \\ \text{אין בהכרח:}$$

$$\sqrt[n]{c} = 2 / (1)^n \rightarrow c = 2^n$$

$$\frac{2k \cdot \pi}{n} = \frac{k}{2} \rightarrow 4k\pi = n\pi \quad | : \pi \quad \text{כמו כן:}$$

$$4k = n \rightarrow \quad [n, k \text{ אצלם}] \quad n \text{ מתחלק ב- } 4$$

$$כאשר  $n = 12$  או  $n = 16$$$

ההפרשים בין הפתרונות שלהם (1). הם  $45^\circ$ ,

**בגרות משלימים או משפרים רק עם המומחים של HighQ**

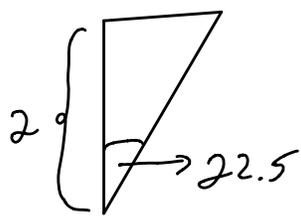
בשיטה המהירה והמובילה להצלחה

עבור  $n=12$ , ההפרשים הם  $30^\circ = \frac{360}{12}$ , ואכן  $n$  זה אינו מתאים.

עבור  $n=16$  ההפרשים הם  $22.5^\circ = \frac{360}{16}$  כלומר כא פתרון שני הם כא זווית של  $45^\circ$ .

$$C = 2^{16} = 65536 \quad n=16$$

(ה) אנו מחפשים שזה לא נזדעף לשיפולק הוא 16 זכאות (נצטן לשיפולס אחז החסום בתוק הנזדעף):



$$\rightarrow s_{\Delta} = \frac{2^2 \sin 22.5}{2} \sim 0.765$$

נכפיל במספר המשאלים ונקבל:

$$0.765 \cdot 16 \sim 12.25$$

4. נתונה הפונקציה  $f(x) = 1 + ae^{-2x}$  המוגדרת לכל  $x$ .  $a$  הוא פרמטר,  $a > 1$ .
- בטא את תשובותיך באמצעות  $a$ , לפי הצורך.
- א. מצא את האסימפטוטות של הפונקציה  $f(x)$  המאונכות לצירים (אם יש כאלה).  
 (1) מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה  $f(x)$  (אם יש כאלה).  
 (2) מצא את שיעורי נקודות החיתוך של הפונקציה  $f(x)$  עם הצירים (אם יש כאלה).  
 (3) נתונה הפונקציה  $g(x) = \frac{1}{f(x)}$ .
- ב. מהו תחום ההגדרה של הפונקציה  $g(x)$ ? נמק את תשובתך.  
 (1) מצא את האסימפטוטות של הפונקציה  $g(x)$  המאונכות לצירים (אם יש כאלה).  
 (2) ידוע כי לפונקציה  $g(x)$  יש נקודת פיתול אחת, המתקבלת כאשר  $x = \frac{\ln(a)}{2}$ .  
 (3) מצא את שיעור ה- $y$  של נקודת הפיתול, וסרטט סקיצה של גרף הפונקציה  $g(x)$ .
- ג. מצא את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה  $g'(x)$ .  
 (1) מצא את גרף הפונקציה  $g'(x)$ . פרט את שיקולך.  
 (2) סרטט את גרף הפונקציה  $g'(x)$  ועל ידי הישרים  $x = 0$ ,  $y = \frac{1}{2}$ .
- ד. מצא את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה  $g'(x)$  ועל ידי הישרים  $x = 0$ ,  $y = \frac{1}{2}$ .

א) פונק' מוגדרת לכל  $x$  כק שאין אסימפטה א' (כ"פ).  
 לבדוק אסי' אנטיקית:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} 1 + ae^{-2x} = 1 + 0 = 1 \rightarrow y = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} 1 + ae^{-2x} = 1 + \infty \rightarrow \text{אין.}$$

$$F'(x) = -2ae^{-2x} < 0$$

$\swarrow$  שלילי     $\downarrow$  חיובי     $\downarrow$  חיובי

(2) תקווה לא"ה: אין

תחום ירידה: כל  $x$

$$y = 0 \rightarrow 0 = 1 + ae^{-2x} \rightarrow \frac{-1}{a} = e^{-2x}$$

$\swarrow$  שלילי     $\rightarrow$  חיובי

(3)

**בגרות משלימים או משפרים רק עם המומחים של HighQ**

בשיטה המהירה והמובילה להצלחה

אין מתיקן אם צ"ר ה- $x$ .

$$x=0 \rightarrow y=1+ae^0 \rightarrow y=1+a \rightarrow (0, 1+a)$$

$$g(x) = \frac{1}{F(x)} \quad F(x) = 1 + ae^{-2x} \quad (2)$$

(1) כא"נו קסא"ף הקיזם  $0: F(x) \neq 0$   
 א"כ  $g(x)$  נאוצרת א"כ  $x$ .

(2) אין אסימיוטות.  
 קיזם אסימיוטות:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{F(x)} = \frac{1}{1} \rightarrow y=1 \quad [\text{אסימיוטת קיזם}]$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{F(x)} = \frac{1}{\infty} \rightarrow y=0$$

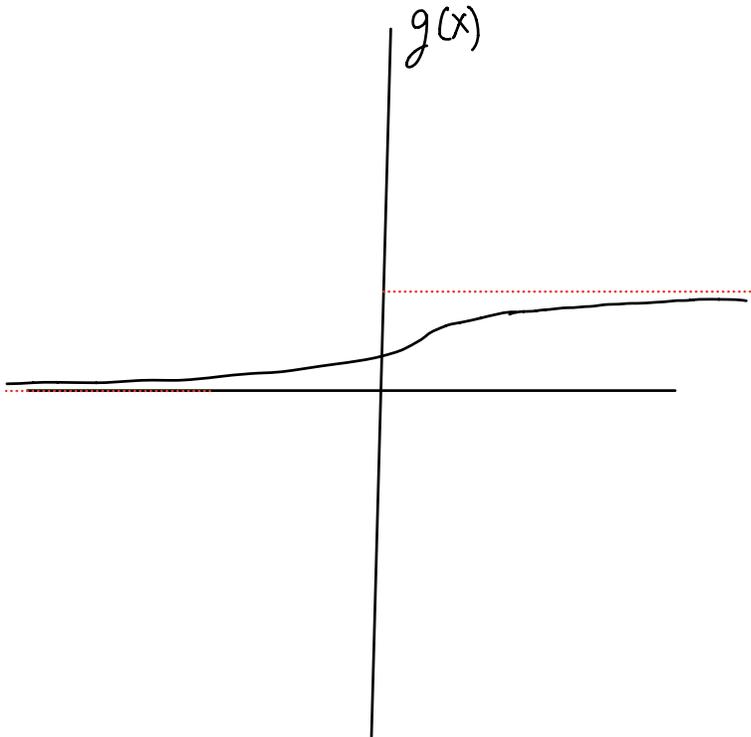
$$g''\left(\frac{\ln a}{2}\right) = 0 \quad (3)$$

$$g(x) = \frac{1}{F(x)} \rightarrow g\left(\frac{\ln a}{2}\right) = \frac{1}{F\left(\frac{\ln a}{2}\right)}$$

$$F\left(\frac{\ln a}{2}\right) = 1 + ae^{-\ln a} = 1 + a \cdot \frac{1}{a} = 2$$

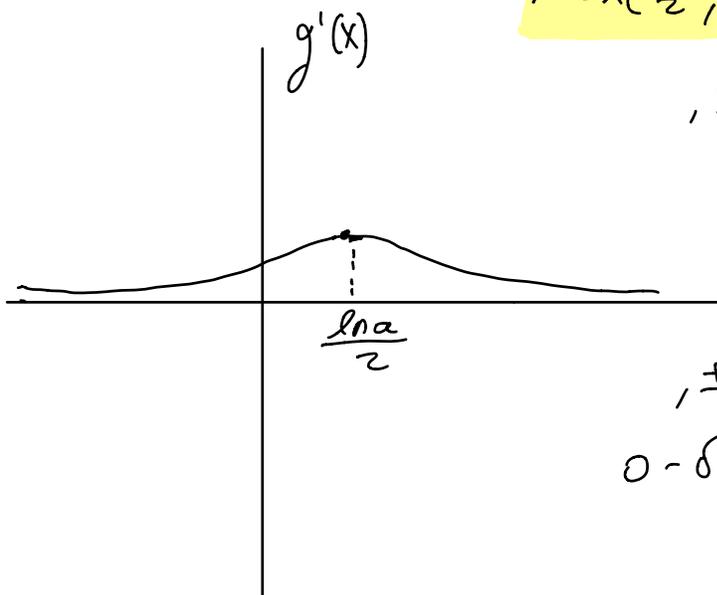
$$g\left(\frac{\ln a}{2}\right) = \frac{1}{2} \quad g'(x) = \frac{-F'(x)}{[F(x)]^2} > 0$$

צואה עכב א.

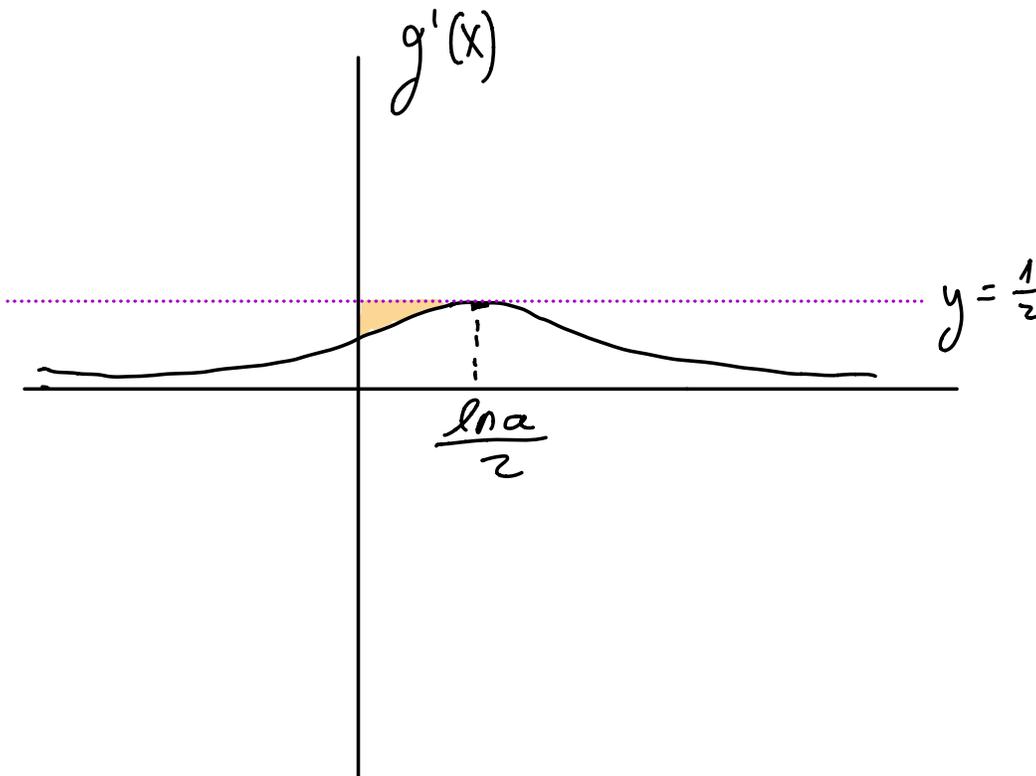


לקובץ הקיבון של פונקציית  $g(x)$  היא אלמנטה נקודת הפיתול (היחידה), בזמן האסימפטוטות ניתן לקבוע את תחומי הקציחות. קדם ערטות שיש לעבר למחובות אטיאיות, כולל

נה' הקיבון היא:  $\max(\frac{\ln a}{2}, \frac{1}{2})$



היות והפונק'  $g(x)$  צואה, הנצרת תובית, היות ו-  $g(x)$  שואפת אטי האופקית  $-\infty, +\infty$ , פונק' הנצרת שואפת  $-\infty$  בתמולם אלה.



$$\int_0^{\frac{\ln a}{2}} \left( \frac{1}{2} - g'(x) \right) dx \longrightarrow \frac{1}{2}x \Big|_0^{\frac{\ln a}{2}} - g(x) \Big|_0^{\frac{\ln a}{2}}$$

$$= \frac{\ln a}{4} - \left( g\left(\frac{\ln a}{2}\right) - g(0) \right)$$

$$= \frac{\ln a}{4} - \frac{1}{2} + \frac{1}{F(0)} = \frac{\ln a}{4} - \frac{1}{2} + \frac{1}{1+a}$$

**בגרות משלימים או משפרים רק עם המומחים של HIGHQ**

בשיטה המהירה והמובילה להצלחה

5. א. נתונה הפונקציה:  $f(x) = \ln\left(\frac{x^2-1}{(x+2)(x-1)}\right)$ .

(1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה  $f(x)$ .

(2) מצא את האסימפטוטות של הפונקציה  $f(x)$  המאונכות לצירים.

(3) מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה  $f(x)$  (אם יש כאלה).

(4) סרטט את גרף הפונקציה  $f(x)$ .

ב. נתונה הפונקציה:  $g(x) = \ln(f(x))$ .

היגזר בתשובותיך על השאלות בסעיף א וענה על התת-סעיפים (1)-(3) שלפניך.

(1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה  $g(x)$ .

(2) מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה  $g(x)$  (אם יש כאלה).

(3) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה  $g(x)$ . פרט את שיקוליך.

ג. בעבור כל  $x$  המקיים  $0 < f(x) < 1$ , קבע אם המכפלה  $f(x) \cdot g(x)$  חיובית. נמק את קביעתך.

$$x \neq -2, x \neq 1, \quad \frac{x^2-1}{(x+2)(x-1)} > 0 \rightarrow (1) \quad (1)$$

$$\frac{(x+1)\cancel{(x-1)}}{(x+2)\cancel{(x-1)}} > 0 \rightarrow \frac{x+1}{x+2} > 0$$

	$x < -2$	$-2 < x < -1$	$x > -1$
ל"ד	-	-	+
ל"ג	-	+	+
ש"ד	+	-	+

תקום הניצחון:  $x > -1$  או  $x < -2$  וגם  $x=1$

**בגרות משלימים או משפרים רק עם המומחים של HiHQ**

בשיטה המהירה והמובילה להצלחה

$$\lim_{x \rightarrow -1^+} \ln\left(\frac{x+1}{x+2}\right) = \ln(0^+) = -\infty \quad (2)$$

ק"לית אסימטרה אנכית:  $x = -1$

$$\lim_{x \rightarrow -2^-} \ln\left(\frac{x+1}{x+2}\right) = \ln\left(\frac{-1}{0^-}\right) = \infty$$

ק"לית אסימטרה אנכית:  $x = -2$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \ln\left(\frac{x+1}{x+2}\right) = \ln 1 = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \ln\left(\frac{x+1}{x+2}\right) = \ln 1 = 0$$

ק"לית אסימטרה אופקית:  $y = 0$

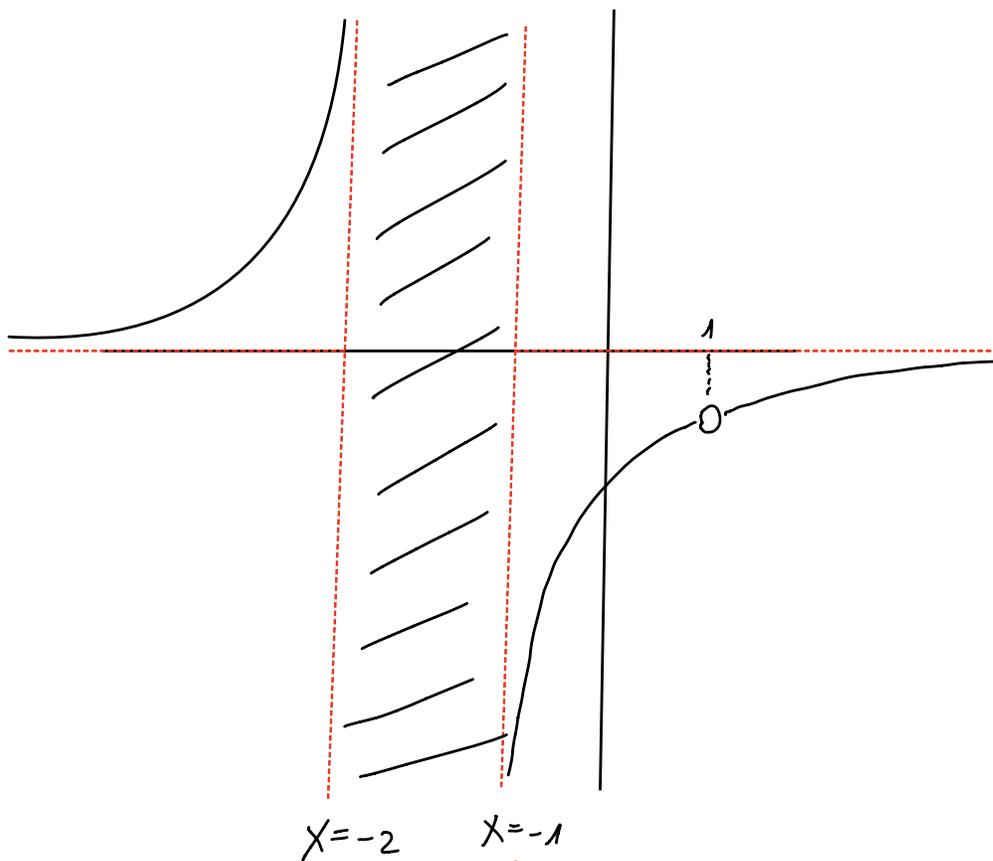
$$F'(x) = \frac{\left(\frac{x+1}{x+2}\right)'}{\frac{x+1}{x+2}} = \frac{x+2-x-1}{(x+2)^2} \cdot \frac{x+2}{x+1}$$

$$F'(x) = \frac{1}{(x+2)(x+1)} \neq 0$$

	$x < -2$	$x > -1$
$x+2$	-	+
$x+1$	-	+
לכפלה	+	+

אכן הפונק' צולגה  
 בכל תחום ההגדרה.

(4)



(ב)

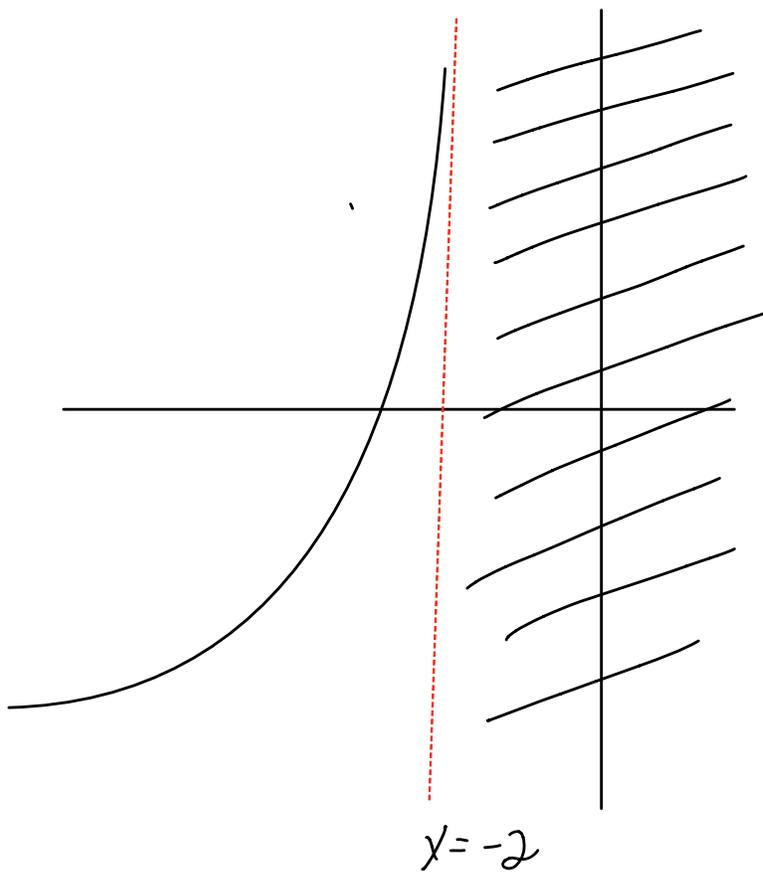
$$g(x) = \ln(F(x))$$

(1) תחום הגדרה:  $x \neq 1, -2$  ( $F(x) \neq 0$ )

$$F(x) > 0 \xrightarrow{\text{עפי שראול}} x < -2$$

(2) בתחום הכאונוני  $F(x)$  חיובי, היות ופונק' חל חיובי גם היא א"א:

תחומי יחידה: אין  
תחומי א"א:  $x < -2$



$$g(x) = 0$$

$$\ln(F(x)) = 0$$

$$\downarrow$$

$$F(x) = 1$$

$$\downarrow$$

ק"מית ענ' חיתוך  
 עם צ'ר ה- $x$ .

$$(2) \quad 0 < F(x) < 1$$

פונקציית ה- $\ln$  שלילית כאשר הארגומנט בין  $0$  ל- $1$   
 כלומר  $g(x) < 0$  ולמעשה קודם:  $0 < F(x)$  גתחוק  
 המבוקש.

לכאן שהמכפלה שלילית, כלומר **אין  $x$**  בתחום עבורו  
 המכפלה חיובית.

**בגרות משלימים או משפרים רק עם המומחים של HiHQ**

בשיטה המהירה והמובילה להצלחה