

סוג הבדיקה: בגרות

מועד הבדיקה: חורף תשע"ח, 2018

מספר השאלה: 317, 035807, 035582

דף נוסחאות ל-5 יחידות LIC

## מתמטיקה

### 5 ייחדות לימוד – שאלון שני

#### הוראות לנבחן

א. מישר הבדיקה: שעתיים ורביע.ב. מבנה השאלה ומכפתה הערכה: בשאלון זה שני פרקים.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים,

טיריגונומטריה במרחב,

$$\frac{2}{3} \times 2 = 33\frac{1}{3} \quad \text{נקודות}$$

מספרים מרכבים

פרק שני – גידלה ודעיכה, פונקציות חזקה,

$$1 \times 3 = 33\frac{1}{3} \quad \text{נקודות}$$

פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות

$$\text{סה"כ } - 100 \quad \text{נקודות}$$

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

(1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכונות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

(1) אל תעתק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.

(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעורת מחשבון.

הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

(3) לטייתה יש להשתמש במחברת הבדיקה. שימוש בטייטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

**הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים אחד.**

**בהצלחה!**

## השאלות

שים לב! הסבר את בל פועלותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.  
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

### פרק ראשון — גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב,

#### מספרים מורכבים ( $\frac{2}{3}$ 66 נקודות)

עה על שתיים מן השאלות 1-3 (לכל שאלה —  $\frac{1}{3}$  33 נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

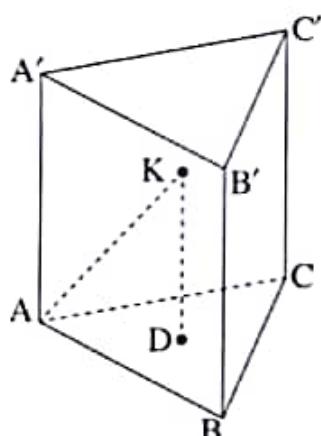
1. נתונות הנקודות: A (0, 0), B (19, 0), C (9, 0) ו D (0, 9).

א. מצא את משווהת המיקום הגאומטרי של יי' נמצאות הנקודות C, שעבורן CD הוא חוצה זווית  
במשולש ABC.

ב. מהו השטח הגדול ביותר של משולש ABC שנבנה באופן המתוור בסעיף א?

ג. מצא את שיעורי שתי הנקודות C שעבורן הצלע BC במשולש ABC משיקה למקום הגאומטרי שאת  
משוואתו מצאת בסעיף א.

תוכל להשair שורש בתשובהך.



2. ABCA'B'C' היא מנסרה משולשת ישרה שכל מקצועותיה שוים זה לזה.  
נסמן את אורך המקצוע ב' z .

ABCK היא פירמידה ישרה. DK היא גובה בפירמידה ABCK, כמתואר בציור.  
נתון: ' AA' = z , DK = z ,

נפח המנסרה ' A'B'C' ABCA'B'C' גדול פי 4.5 מנגח הפירמידה K .  
א. חשב את z .

ב. מצא את הזווית בין המישור ABK למישור ABC .  
נתון: נפח הפירמידה ABCK הוא  $12\sqrt{3}$  .

ג. מצא את a .

נתון: הקודקוד A נמצא בראשית הצלirs, הקודקוד ' A נמצא על החלק החובי של ציר ה' z ,  
והקודקוד C נמצא על החלק החובי של ציר ה' y .  
שיעור הקודקוד B הם חיוביים.

ד. (1) מצא את שיעורי הקודקוד ' B .  
(2) מצא את משווהת המישור K'AB .

תוכל להשair שורש בתשובהיך.

3. א. פטור את המשוואה  $z^2 + (-5 + 2i)z + 7 + i = 0$ .

נסמן ב-  $w$  את פתרון המשוואה מסעיף א, המיצג את הנקודה שקרובה יותר לראשית הצירים.

נשכנן ב-  $a$  היא סדרה חשבונית.  $w$  הוא איבר בסדרה וגם 1 הוא איבר בסדרה.

ב. (1) הסבר מדוע כל איברי הסדרה הם מן הצורה:  $i \cdot b + 1 = a_n$ .  $b$  הוא מספר ממשי.

(2) הסבר מדוע כל הנקודות במישור גauss המייצגות את איברי הסדרה  $a_n$ , חוזרים מן הנקודה  $(1, 0)$ ,

נמצאות מוחזק למעגל היחידה.

**פרק שני — גדרה ודעכה, פונקציות חזקה,  
פונקציות מערכיות ולוגריתמיות ( $\frac{1}{3}$  נקודות)**

ענה על אחת מן השאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמבחןך.

4. נתונה הפונקציה  $f(x) = \frac{e^x}{e^x + 1}$ .
- (1) מצא את תחום הגדרה של הפונקציה  $f(x)$ .
  - (2) מצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה  $f(x)$  (אם יש כאלה).
  - (3) מצא את שיעורי נקודות הפיתול של הפונקציה  $f(x)$  (אם יש כאלה).
  - (4) מצא את משוואות האסימפטוטות של הפונקציה  $f(x)$  המאונכות לצירים.
  - (5) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$ .
- ב. הסבר מדוע עבור כל מספר ממשי  $a$  מתקיים:  $\int_a^{a+1} f(x) dx < 1$ . תוכל להיעזר בסרטוט.
- ג. (1)  $f(x) = g(x) + \frac{1}{2}$  הוכח שהפונקציה  $f(x)$  היא פונקציה אי-זוגית.
- (2) הסבר מדוע לכל שני מספרים  $b$  ו-  $c$  המקיימים  $c < b < 0$  מתקיים:
- $$\int_{-c}^{-b} f(x) dx + \int_b^c f(x) dx = c - b$$
- בתשובתך תוכל להיעזר בסרטוט מתאים ובשיקולי סימטריה.

5. נתונה הפונקציה  $f(x) = \frac{(\ln x)^n}{\sqrt{x}}$ . ח הוא מספר טבעי.

א. (1) מצא את תחום הגדרה של הפונקציה  $f(x)$ .

(2) מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גраф הפונקציה  $f(x)$  עם הצירים (אם יש כאלה).

סובבו את השטח המוגבל על ידי גраф הפונקציה  $f(x)$ , על ידי ציר ה- $x$  ועל ידי הישרים  $y = x$  ו-  $y = e^2$  סביב ציר ה- $x$ . נפח גוף הסיבוב שהתקבל שווה ל-

$$\frac{32\pi}{2n+1}$$

ב. מצא את ח.

הצב בפונקציה  $f(x)$  את ח שמצאת בסעיף ב ועננה על הסעיפים ג-ה.

ג. (1) מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה  $f(x)$  וקבע את סוגן.

(2) מצא את משוואת האסימפטוטה של הפונקציה  $f(x)$  המאונכת לציר ה- $x$ .

לפונקציה  $f(x)$  יש אסימפטוטה שמשוואתה היא  $y = 0$ .

ד. סרטט סקיצה של גраф הפונקציה  $f(x)$ .

ה. הפונקציה  $f(x)$  מקיימת:  $m + f(x) = g(x) = 0$ ,  $m \neq 0$  הוא פרמטר.

נתנו כי קיימת נקודה שבה גраф הפונקציה  $f(x)$  מישק לציר ה- $x$ .

(1) מצא את  $m$ .

(2) עבור אילו ערכים של  $k$  יש למשוואת  $g(x) = k$  פתרון יחיד?

## בצלחה!

זכות היוצרים שמורה לממשלה  
און להעתיק או לפולסם אלא בשיטת משרד החינוך